

# Contrôle continu - Compilation (L3 Info)

Durée : 2h - documents interdits

## Conventions

- Axiome : symbole non terminal de la partie gauche de la première production de la grammaire
- Symboles non terminaux : lettres *MAJUSCULES ITALIQUES*
- Symboles terminaux : lettres minuscules ou caractères spéciaux simples

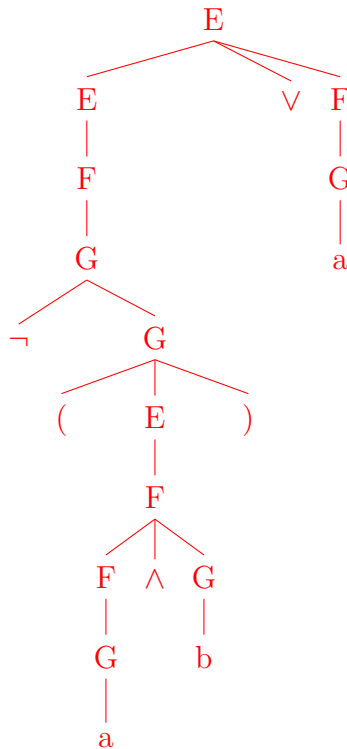
## 1 Grammaires attribuées (7 pts)

Soit la grammaire  $G$  suivante :

$$\begin{array}{ll}
 E \rightarrow E \vee F & G \rightarrow \neg G \\
 E \rightarrow F & G \rightarrow (E) \\
 F \rightarrow F \wedge G & G \rightarrow a \\
 F \rightarrow G & G \rightarrow b
 \end{array}$$

$G$  permet de générer des formules de la logique propositionnelle construites avec les deux variables propositionnelles  $a$  et  $b$ .

**Q1.1** Dessiner l'arbre de dérivation de la formule  $\neg(a \wedge b) \vee a$



**Q1.2** Ecrire une grammaire attribuée à partir de  $G$  qui définit un attribut  $pa$  qui vaut vrai si le nombre d'occurrences de la variable  $a$  dans une formule est pair. Dire si cet attribut est hérité ou synthétisé.

$$\begin{array}{l|l}
 E \rightarrow E \vee F & E.pa = (E_1.pa \wedge F.pa) \vee (\neg E_1.pa \wedge \neg F.pa) \\
 E \rightarrow F & E.pa = F.pa \\
 F \rightarrow F \wedge G & F.pa = (F_1.pa \wedge G.pa) \vee (\neg F_1.pa \wedge \neg G.pa) \\
 F \rightarrow G & F.pa = G.pa \\
 G \rightarrow \neg G & G.pa = G_1.pa \\
 G \rightarrow (E) & G.pa = E.pa \\
 G \rightarrow a & G.pa = \textit{faux} \\
 G \rightarrow b & G.pa = \textit{vrai}
 \end{array}$$

**Q1.3** On souhaite calculer la valeur d'une formule propositionnelle pour des valeurs données des variables  $a$  et  $b$ . Pour cela on définit les attributs  $va$ ,  $vb$  et  $v$ .  $va$  est la valeur de  $a$ ,  $vb$  celle de  $b$  et  $v$  est la valeur de la formule. Indiquer pour ces deux attributs s'ils sont hérités ou synthétisés et écrire une grammaire attribuée à partir de  $G$  permettant de calculer leurs valeurs.

- $va$  et  $vb$  sont hérités
- $v$  est synthétisé

$$\begin{array}{l|l|l}
 E \rightarrow E \vee F & E_1.va = F.va = E.va & E.v = E_1.v \vee F.v \\
 E \rightarrow F & F.va = E.va & E.v = F.v \\
 F \rightarrow F \wedge G & F_1.va = G.va = F.va & F.v = F_1.v \wedge G.v \\
 F \rightarrow G & G.va = F.va & F.v = G.v \\
 G \rightarrow \neg G & G_1.va = G.va & G.v = \neg G_1.v \\
 G \rightarrow (E) & E.va = G.va & G.v = E.v \\
 G \rightarrow a & & G.v = G.va \\
 G \rightarrow b & & G.v = G.vb
 \end{array}$$

**Q1.4** On souhaite construire l'arbre abstrait d'une formule. Pour cela on définit les fonctions suivantes :  $OU(F1, F2)$ ,  $ET(F1, F2)$ ,  $NON(F)$ ,  $VAR()$ , qui construisent respectivement un nœud de type disjonction, conjonction, négation et variable. On définit de plus l'attribut  $sa$ . Etant donné un nœud  $n$  d'un arbre de dérivation,  $n.sa$  est la racine de l'arbre abstrait qui correspond à  $n$ . Ecrire une grammaire attribuée à partir de  $G$  permettant de calculer la valeur de cet attribut.

$$\begin{array}{l|l}
 E \rightarrow E \vee F & E.sa = OU(E_1.sa, F.sa) \\
 E \rightarrow F & E.sa = F.sa \\
 F \rightarrow F \wedge G & F.sa = ET(F_1.sa, G.sa) \\
 F \rightarrow G & F.sa = G.sa \\
 G \rightarrow \neg G & G.sa = NON(G_1.sa) \\
 G \rightarrow (E) & G.sa = E.sa \\
 G \rightarrow a & G.sa = VAR() \\
 G \rightarrow b & G.sa = VAR()
 \end{array}$$

## 2 PREMIER, SUIVANT, dérivation, ambiguïté (4 pts)

Soit la grammaire  $G_1$  :

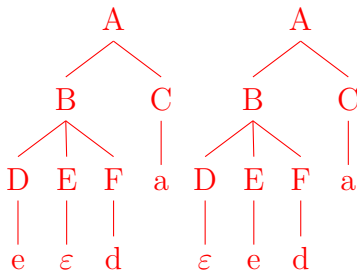
$$\begin{array}{ll} A \rightarrow BC & D \rightarrow d \mid e \mid \varepsilon \\ B \rightarrow DEF \mid \varepsilon & E \rightarrow e \mid \varepsilon \\ C \rightarrow aC \mid a & F \rightarrow d \end{array}$$

Q2.1 Calculez les ensembles PREMIER et SUIVANT pour les symboles non terminaux de  $G_1$ .

	PREMIER	SUIVANT
$A$	e a d	\$
$B$	$\varepsilon$ e d	a
$C$	a	\$
$D$	$\varepsilon$ e d	e d
$E$	$\varepsilon$ e	d
$F$	d	a

Q2.2 Démontrez que la grammaire  $G_1$  est ambiguë.

Il existe deux arbres de dérivation possibles pour le mot  $eda$  :



## 3 Création de la table SLR (6 pts)

Soit la grammaire  $G_2$  qui est une version simplifiée de la grammaire de formules propositionnelles :

$$\begin{array}{l} 0 \ E \rightarrow E \vee F \\ 1 \ E \rightarrow F \\ 2 \ F \rightarrow F \wedge G \\ 3 \ F \rightarrow G \\ 4 \ G \rightarrow \neg G \\ 5 \ G \rightarrow a \\ 6 \ G \rightarrow b \end{array}$$

Q3.1 Construisez l'automate  $LR(0)$  de  $G_2$  (il y a 12 états). Il n'est pas très facile d'arriver à une représentation graphique de l'automate qui soit claire. Si vous voulez, vous pouvez donner à part la définition de ses états :  $I_0 = \{S \rightarrow \bullet E, \dots\}$ ... et la fonction de transition sous la forme suivante  $\delta(I_i, E) = I_j$ , pour indiquer qu'il y a une transition étiquetée  $E$  entre les états  $I_i$  et  $I_j$ .

$$\begin{array}{l} I_0 : \{S \rightarrow \bullet E, E \rightarrow \bullet E \vee F, E \rightarrow \bullet F, F \rightarrow \bullet F \wedge G, F \rightarrow \bullet G, G \rightarrow \bullet a, G \rightarrow \bullet b, G \rightarrow \bullet \neg G\} \\ I_1 : \{G \rightarrow a \bullet\} \\ I_2 : \{G \rightarrow b \bullet\} \\ I_3 : \{G \rightarrow \neg \bullet G, G \rightarrow \bullet a, G \rightarrow \bullet b, G \rightarrow \bullet \neg G\} \\ I_4 : \{E \rightarrow E \bullet \vee F, S \rightarrow E \bullet\} \\ I_5 : \{E \rightarrow F \bullet, F \rightarrow F \bullet \wedge G\} \\ I_6 : \{F \rightarrow G \bullet\} \end{array}$$

$$I_7 : \{G \rightarrow \neg G \bullet\}$$

$$I_8 : \{E \rightarrow E \vee \bullet F, F \rightarrow \bullet F \wedge G, F \rightarrow \bullet G, G \rightarrow \bullet a, G \rightarrow \bullet b, G \rightarrow \bullet \neg G\}$$

$$I_9 : \{F \rightarrow F \wedge \bullet G, G \rightarrow \bullet a, G \rightarrow \bullet b, G \rightarrow \bullet \neg G\}$$

$$I_{10} : \{E \rightarrow E \vee F \bullet, F \rightarrow F \bullet \wedge G\}$$

$$I_{11} : \{F \rightarrow F \wedge G \bullet\}$$

$$\delta(I_0, a) : I_1$$

$$\delta(I_0, b) : I_2$$

$$\delta(I_0, \neg) : I_3$$

$$\delta(I_0, E) : I_4$$

$$\delta(I_0, F) : I_5$$

$$\delta(I_0, G) : I_6$$

$$\delta(I_3, a) : I_1$$

$$\delta(I_3, b) : I_2$$

$$\delta(I_3, \neg) : I_3$$

$$\delta(I_3, G) : I_7$$

$$\delta(I_4, \vee) : I_8$$

$$\delta(I_5, \wedge) : I_9$$

$$\delta(I_8, a) : I_1$$

$$\delta(I_8, b) : I_2$$

$$\delta(I_8, \neg) : I_3$$

$$\delta(I_8, F) : I_{10}$$

$$\delta(I_8, G) : I_6$$

$$\delta(I_9, a) : I_1$$

$$\delta(I_9, b) : I_2$$

$$\delta(I_9, \neg) : I_3$$

$$\delta(I_9, G) : I_{11}$$

$$\delta(I_{10}, \wedge) : I_9$$

**Q3.2** Étant donné les ensembles SUIVANT de  $G_2$  ci-dessous, construisez la table SLR de  $G_2$

$$\text{SUIVANT}(E) = \{\$, \vee\}$$

$$\text{SUIVANT}(F) = \{\$, \vee, \wedge\}$$

$$\text{SUIVANT}(G) = \{\$, \vee, \wedge\}$$

où \$ représente le symbole de fond de pile et de fin de chaîne.

	ACTION						GOTO		
	a	b	^	v	¬	\$	E	F	G
0	d1	d2			d3		4	5	6
1			r5	r5		r5			
2						r6			
3	d1	d2			d3				7
4				d8		acc			
5			d9	r1		r1			
6			r3	r3		r3			
7			r4	r4		r4			
8	d1	d2			d3			10	6
9	d1	d2			d3				11
10			d9	r0		r0			
11			r2	r2		r2			

#### 4 Analyse SLR (3 pts)

Soit la grammaire  $G_3$  ci-dessous et sa table *SLR* correspondante :

- 1  $E \rightarrow E + F$
- 2  $E \rightarrow F$
- 3  $F \rightarrow F.G$
- 4  $F \rightarrow G$
- 5  $G \rightarrow G^*$
- 6  $G \rightarrow a$
- 7  $G \rightarrow b$
- 8  $G \rightarrow (E)$

	ACTION								GOTO		
	a	b	(	)	+	.	*	\$	E	F	G
0	d2	d3	d1						4	5	6
1	d2	d3	d1						7	5	6
2				r6	r6	r6	r6	r6			
3				r7	r7	r7	r7	r7			
4					d8			acc			
5				r2	r2	d9		r2			
6				r4	r4	r4	d10	r4			
7				d11	d8						
8	d2	d3	d1							12	6
9	d2	d3	d1								13
10				r5	r5	r5	r5	r5			
11				r8	r8	r8	r8	r8			
12				r1	r1	d9		r1			
13				r3	r3	r3	r3	r3			

**Q4.1** Simulez au moins les dix premières étapes de l'analyse *LR* du mot  $a.(b^* + a)$ . Les configurations sont représentées par le triplet  $(\alpha, w, y)$ , où  $\alpha$  est la pile avec le sommet à droite,  $w$  est la partie de la bande de lecture qui commence au caractère sous la tête de lecture (ce qui reste à analyser), et  $y$  est la séquence de symboles de sortie (numéros des productions appliquées lors des réductions).

- (\$ 0 , a . (b\* + a) \$, d2)
- (\$ 0 2 , . (b\* + a) \$, r6)
- (\$ 0 6 , . (b\* + a) \$, r4)
- (\$ 0 5 , . (b\* + a) \$, d9)
- (\$ 0 5 9 , (b\* + a) \$, d1)
- (\$ 0 5 9 1 , b\* + a) \$, d3)
- (\$ 0 5 9 1 3 , \* + a) \$, r7)
- (\$ 0 5 9 1 6 , \* + a) \$, d10)
- (\$ 0 5 9 1 6 10 , + a) \$, r5)

( $\$ 0 5 9 1 6, + a$ )  $\$, r4$   
( $\$ 0 5 9 1 5, + a$ )  $\$, r2$   
( $\$ 0 5 9 1 7, + a$ )  $\$, d8$   
( $\$ 0 5 9 1 7 8, a$ )  $\$, d2$   
( $\$ 0 5 9 1 7 8 2, )$   $\$, r6$   
( $\$ 0 5 9 1 6, )$   $\$, r4$   
( $\$ 0 5 9 1 5, )$   $\$, r2$   
( $\$ 0 5 9 1 7, )$   $\$, d11$   
( $\$ 0 5 9 1 3, \$$ )  $\$, r3$   
( $\$ 0 5, \$$ )  $\$, r2$   
( $\$ 0 4, \$, acc$ )

### RAPPEL : construction table SLR

1. Construire  $C = \{I_0, I_1, \dots, I_n\}$  la collection d'ensemble d'articles  $LR(0)$  pour  $G'$
2. L'état  $i$  est construit à partir de  $I_i$ . Les actions d'analyse syntaxique pour l'état  $i$  sont déterminées comme suit :
  - (a) Si  $A \rightarrow \alpha \bullet a\beta$  est dans  $I_i$  et si  $ALLER\_A(I_i, a) = I_j$ , alors  $ACTION[i, a] = dj$ . Dans ce cas,  $a$  doit être un terminal.
  - (b) Si  $A \rightarrow \alpha \bullet$  est dans  $I_i$ , alors  $ACTION[i, a] = rj$  où  $j$  est le numéro de la règle  $A \rightarrow \alpha$  pour tout  $a \in SUIVANT(A)$ , à l'exception de  $S'$
  - (c) Si  $S' \rightarrow S \bullet$  est dans  $I_i$ , alors  $ACTION[i, \$] = acc$Si un conflit entre différentes actions résulte de ces règles, la grammaire n'est pas SLR.
3. Les transitions de transfert  $GOTO[i, A]$  pour l'état  $i$  sont construites pour tout non terminal  $A$  comme suit : si  $ALLER\_A(I_i, A) = I_j$  alors  $GOTO[i, A] = j$
4. Toutes les entrées non remplies par les règles 2 et 3 sont positionnées à **err** (cellules vides)
5. L'état initial est celui construit à partir de l'ensemble d'items contenant  $S' \rightarrow \bullet S$